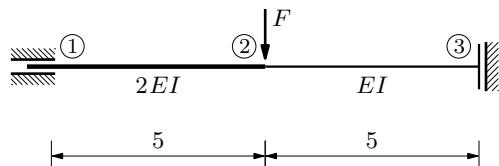


GS 2. — popravni kolokvij (2023./2024.)

Zadatak 3.

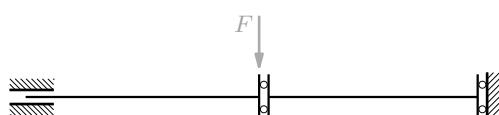
Pomoću utjecajnih linija izračunajte vrijednost momenta savijanja u presjeku u hvatištu sile \vec{F} i vrijednost poprečne sile u presjeku neposredno desno od tog hvatišta!

$$F = 125 \text{ kN}$$



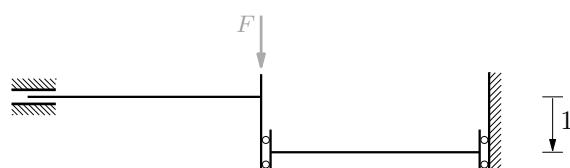
vrijednost poprečne sile u presjeku neposredno desno od hvatišta sile \vec{F} :

kinematički (i, uz to, u ovom slučaju, zorni (da ne kažem zdravorazumski)) postupak:
mekhanizam s umetnutim spojem koji ne prenosi poprečnu silu (i dočrtanim kotačićima :o):

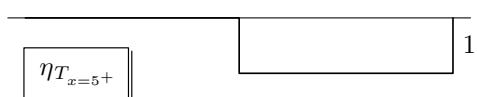


jedinični pomak (u smislu suprotnom od smisla djelovanja poprečne sile

(smisao djelovanja poprečne sile: $\downarrow\uparrow\downarrow$):



utjecajna linija za poprečnu silu u presjeku neposredno desno od hvatišta sile \vec{F} :



budući da je hvatište sile \vec{F} neposredno lijevo od prve točke apscisne osi u kojoj vrijednost utjecajne funkcije nije jednaka nuli (odnosno neposredno lijevo od dijela mehanizma koji se „pomaknuo”), vrijednost je poprečne sile u presjeku neposredno desno od toga hvatišta jednaka nuli: $T_{x=5^+}(F) = 0 \cdot F = 0$

vrijednost momenta savijanja u presjeku neposredno desno od hvatišta sile \vec{F} :

kinematički postupak (primjena teorema Müller–Breslaua):

izbor metode crtanja momentnoga dijagrama:

(utvrđivanje gradiva iz rješenja zadatka A3. redovitoga kolokvija, dostupnoga u datoteci
<http://master.grad.hr/nastava/gs/gs2/isp/2-23-k-a3.pdf>)

inženjerska metoda pomakā: nepoznanice: $\varphi_2, w_2, w_3 \Rightarrow 3$ nepoznanice

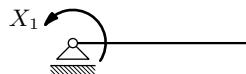
inženjerska metoda pomakā sa statičkom kondenzacijom:

nepoznanice: $\varphi_2, w_2 \Rightarrow 2$ nepoznanice

metoda sila: sistem je jedanput statički neodređen $\Rightarrow 1$ nepoznanaica

smisao vrtnje momenta u presjeku: 

metoda sila:

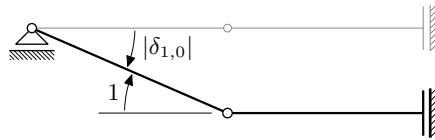
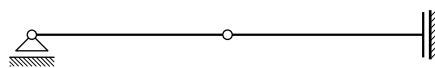


$$\delta_{1,1} X_1 + \delta_{1,0} = 0$$



$$\delta_{1,1} = \frac{1}{EI} (1 \cdot 5) \cdot 1 + \frac{1}{2EI} (1 \cdot 5) \cdot 1$$

$$= \frac{15}{2EI}$$



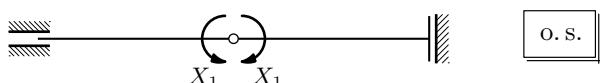
$$\delta_{1,0} = -1$$

$$X_1 = \frac{2EI}{15}$$



$$M(x) = X_1 m_1(x)$$

ili (jednostavnije):



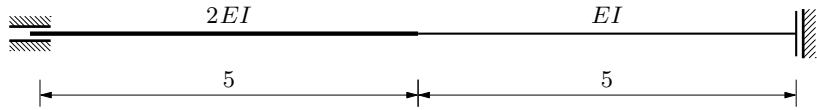
$$\delta_{1,1} X_1 = \bar{\delta}_{1,0} = -1$$



$$\delta_{1,1} = \frac{15}{2EI}$$

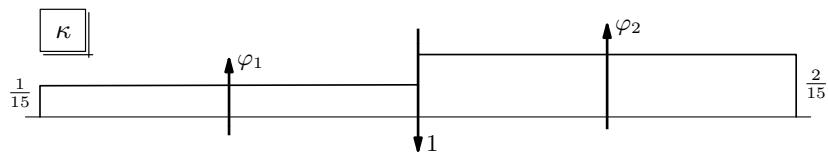
$$X_1 = -\frac{2EI}{15} \quad \text{etd.}$$

utjecajna linija:



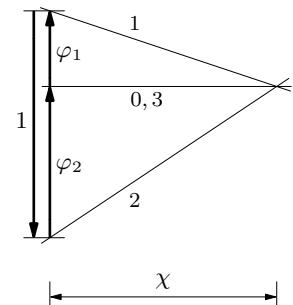
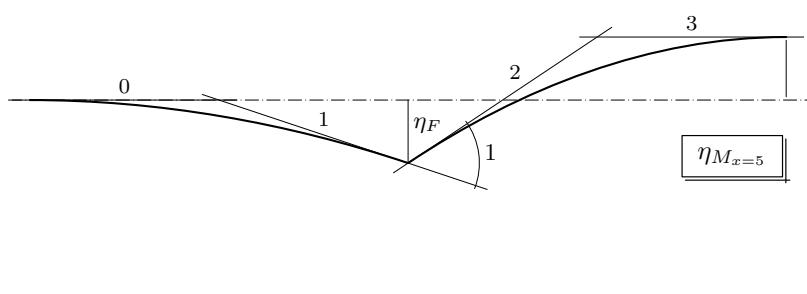
mjerilo duljina:

$$1 \text{ [cm]} :: 1 \text{ [m]}$$



mjerilo kutova:

$$1 \text{ [cm]} :: \frac{1}{3}$$



$$\varphi_1 = \frac{2}{15} \cdot 5 = \frac{2}{3}$$

$$\varphi_2 = \frac{1}{15} \cdot 5 = \frac{1}{3}$$

$$\chi = 1$$

vrijednost momenta savijanja u hvatištu sile:

očitana duljina ordinale: $\tilde{\eta}_F = 8,3 \text{ mm} = 0,83 \text{ cm}$

$$1 \text{ [cm]} :: 1 \text{ [m]} \quad \Rightarrow \quad m = 1$$

$$\chi = 1 \quad \& \quad \chi = \frac{1}{n} \quad \Rightarrow \quad n = 1$$

$$\eta_F = \frac{m}{n} \tilde{\eta}_F = 0,83$$

$$M_{x=5}(F) = \eta_F \cdot F = 0,83 \cdot 125 = 103,75 \text{ kNm}$$